Теория 5. Какая точка называется блуждающей?

студентка 2 курса магистратуры Кобзева В.М.

21 декабря 2020 г.

Какая точка называется блуждающей?

Рассмотрим систему x'=X(x), где $X\in\mathbb{C}^1$ (непрерывно дифференцируемая функция) определена в замкнутой ограниченной области $G\subset\mathbb{R}^n$, границы которой состоят из (n-1)-мерных поверхностей без контакта с векторным полем, ориентированных внутрь G.

Следовательно для любой точки $x_0 \in G$ положительная полутраектория $x(t,x_0)$ определена при любой начальной точке x_0 .

Положительная полутраектория – это множество

$${x \in G : x = X(t, x_0), t \in T, t > 0.}$$

Какая точка называется блуждающей?

Определение.

Точка x_0 называется блуждающей, если y нее существует такая окрестность U(x), что при некотором T>0 при всех $t\geq T$ выполняется $U(x)\cap x(t,U)=\emptyset$.

$$3 \partial e c \omega x(t, U) = U(x(t, \xi)), \quad \xi \in U.$$

Это означает, что все точки окрестности U(x) начиная с некоторого момента T покидают навсегда окрестность U(x).

Из определения следует, что каждая точка $\xi \in U$ также является блуждающей, поэтому множество всех блуждающих точек открыто (Открытое множество — это множество, каждый элемент которого входит в него вместе с некоторой окрестностью). Кроме того, легко видеть, что если точка x_0 — блуждающая, то точка $x(t,x_0)$ также блуждающая для любого t.

Из открытости множества блуждающих точек вытекает, что его дополнение – множество неблуждающих точек M_1 замкнуто.

Какая точка называется блуждающей?

Множество называется замкнутым, если оно содержит все свои предельные точки.

Область называется ограниченной, если существует круг на плоскости или шар в пространстве, содержащий данную область.

Замкнутая, ограниченная область называется компактом.